

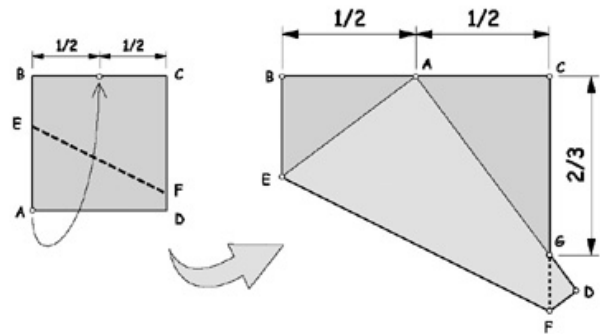
# TEOREMAS DE HAGA

## PRIMER TEOREMA DE HAGA

Este teorema fue inicialmente enunciado como Teorema de Haga por el Dr. Koji Fusimi en 1979. Más tarde, el propio Kazuo Haga descubrió más construcciones similares a la anterior, por lo que lo renombró como Primer Teorema de Haga.

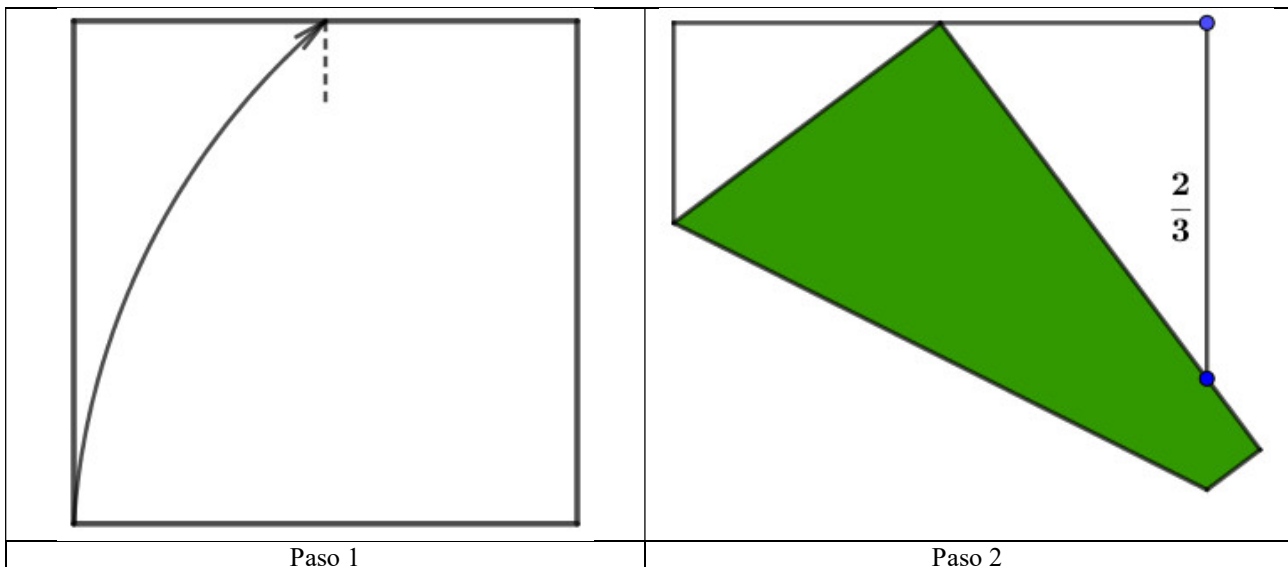
El Teorema dice lo siguiente:

Sea un cuadrado de vértices A, B, C, D. Si se pliega el cuadrado sobre sí mismo llevando el vértice A al punto medio del lado BC, entonces el lado AD cortará al lado CD en un punto G tal que la distancia entre C y G es igual a las dos terceras partes del lado del cuadrado.

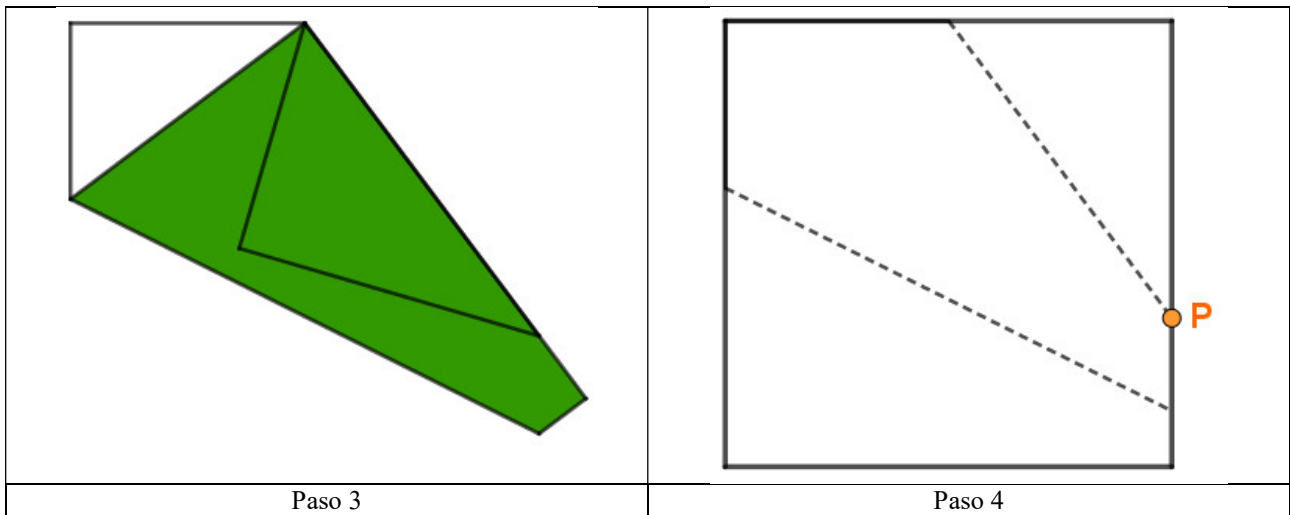


Veámoslo paso a paso.

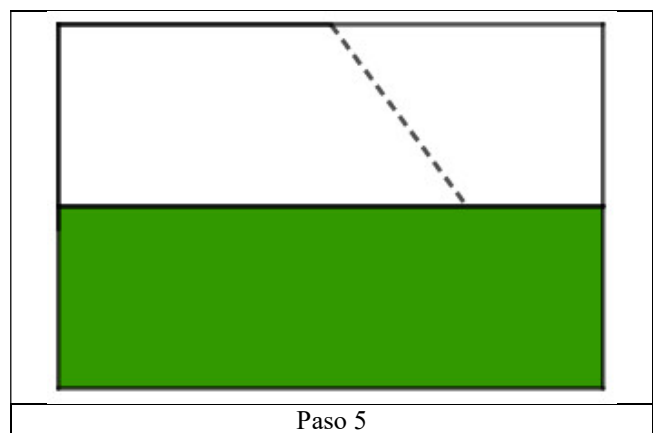
- 1) En uno de los lados se traza el punto medio. Se lleva uno de los vértices que no forman ese lado a dicho punto medio.
- 2) El punto donde la parte doblada corta al lado que no contenía al vértice que hemos movido, divide a ese lado en  $1/3$  correspondiente a la parte doblada, y  $2/3$  del resto del lado.



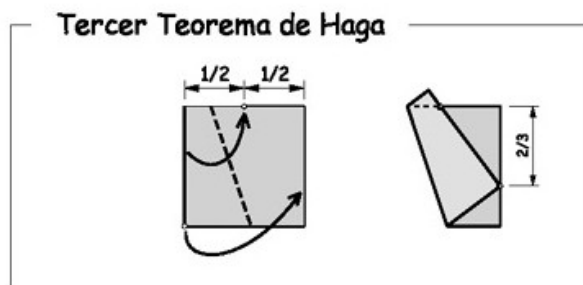
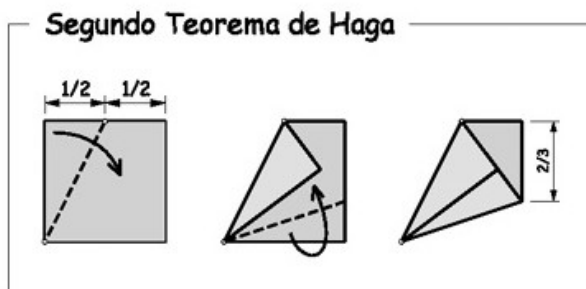
- 3) Para fijar el punto, lo mejor es doblar el resto del lado sobre la parte doblada anteriormente.
- 4) De esa manera se señala claramente el punto P que es el que divide al lado en una tercera parte y dos terceras partes.



- 5) Basta doblar por el punto P paralelamente a los lados del cuadrado para que podamos dividir el cuadrado en tres partes. Lo que faltaría sería doblar por el extremo del rectángulo anterior, para conseguir una tira correspondiente a la tercera parte del cuadrado.



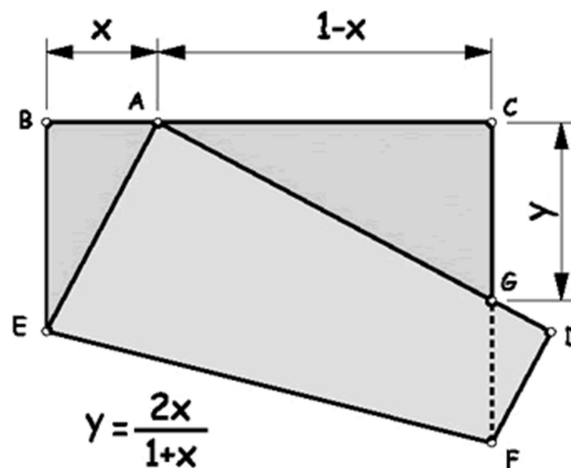
Las nuevas versiones del teorema pueden verse en las siguientes imágenes:



La demostración matemática del primer teorema puede verse en:

[http://vps280516.ovh.net/divulgamat15/index.php?option=com\\_content&task=view&id=7972&Itemid=46](http://vps280516.ovh.net/divulgamat15/index.php?option=com_content&task=view&id=7972&Itemid=46)

El Teorema de Haga se puede generalizar para conseguir dividir el cuadrado en múltiples partes iguales.



Si el valor de  $x$  lo tomamos como una medida fácil de conseguir, como son las potencias de 2, podemos obtener divisiones fáciles de dividir a su vez en partes impares, pues o bien  $y$  o bien el trozo restante de  $1-y$  serán fracciones con numerador par. Veámoslo en la siguiente tabla.

$x$	$y$	División en
$\frac{1}{4}$	$\frac{2}{5}$	5 partes
$\frac{1}{8}$	$\frac{2}{9}$	9 partes
$\frac{1}{16}$	$\frac{2}{17}$	17 partes

Si dividimos el lado en 8 partes, y se toman las medidas intermedias, obtenemos aún mayor diversidad de divisiones.

$x$	$y$	División en
$\frac{3}{4}$	$\frac{6}{7}$	7 partes
$\frac{3}{8}$	$\frac{6}{11}$	11 partes
$\frac{5}{8}$	$\frac{10}{13}$	13 partes
$\frac{7}{8}$	$\frac{14}{15}$	15 partes

En el caso de quedar  $y$  como  $\frac{6}{7}$  ó  $\frac{14}{15}$  es fácil ya que el resto del lado es  $\frac{1}{7}$  ó  $\frac{1}{15}$ . En los otros dos casos es un poco más complicado.

Si obtenemos como  $y$   $\frac{6}{11}$ , ese trozo se divide por la mitad, con lo que nos quedaría  $\frac{3}{11}$  y el resto del lado sería  $\frac{8}{11}$  que es fácil de dividir para llegar a  $\frac{1}{11}$ .

Cuando  $y$  vale  $\frac{10}{13}$ , basta repetir el trozo sobre el lado cuatro veces y al final nos quedará  $\frac{1}{13}$ .

Información en:

[http://vps280516.ovh.net/divulgamat15/index.php?option=com\\_content&view=article&id=7973:6-generalizaci-el-primer-teorema-de-haga&catid=65:papiroflexia-y-matemcas&directory=67](http://vps280516.ovh.net/divulgamat15/index.php?option=com_content&view=article&id=7973:6-generalizaci-el-primer-teorema-de-haga&catid=65:papiroflexia-y-matemcas&directory=67)